

| | |
|--|---------------------|
| MATEMÁTICAS APLICADAS A LAS CIENCIAS SOCIALES | 2º BACHILLER |
| Programación Lineal | |

Una empresa constructora dispone de dos tipos de camiones A y B y quiere transportar 100 t de material al lugar de la obra. Sabiendo que dispone de 6 camiones del tipo A con una capacidad de 15 t y un costo de 40 € por viaje y de 10 camiones del tipo B con una capacidad de 5 t y con un costo de 30 € por viaje, se pide:

- El número posible de camiones de cada tipo que puede usar (solución gráfica).
- El número de camiones de cada tipo que debe usar para que el coste sea mínimo y el valor de dicho coste.

Análisis de los datos

| Tipos de camiones | A | B | Restricciones |
|--------------------|--------------|--------------|-----------------------------|
| Número de camiones | x | y | $x \geq 0$ $y \geq 0$ |
| Disponibilidad | 6 | 10 | $x \leq 6$ $y \leq 10$ |
| Toneladas | $15 \cdot x$ | $5 \cdot y$ | $15x + 5y \geq 100$ |
| Coste en € | $40 \cdot x$ | $30 \cdot y$ | $F \text{ min} = 40x + 50y$ |

Planteamiento del problema

Averiguar para qué valores de x e y la expresión

$$F = 40x + 30y$$

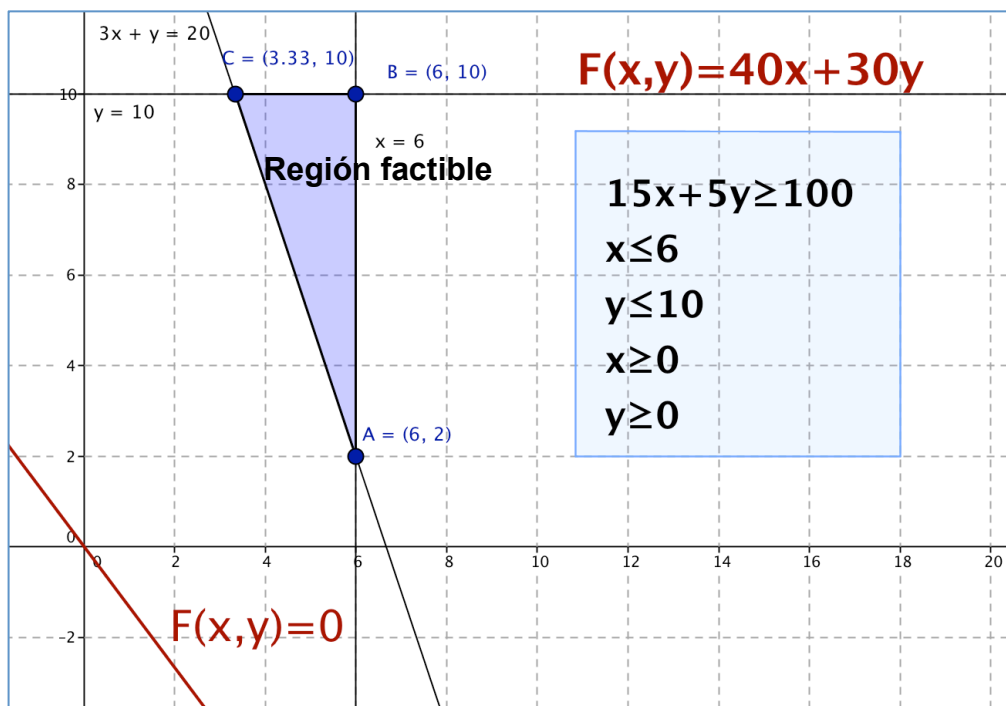
Función objetivo

Se hace mínima, sujeto a las siguientes restricciones:

$$\begin{cases} 15x + 5y \geq 100 \\ x \leq 6 \\ y \leq 10 \\ x \geq 0 \\ y \geq 0 \end{cases}$$

Restricciones del problema

Solución del problema



$$F_A = 40 \cdot 6 + 30 \cdot 2 = 300$$

$$F_B = 40 \cdot 6 + 30 \cdot 10 = 540 \quad \text{el valor mínimo se alcanza en el punto } A=(6,2)$$

$$F_C = 40 \cdot \frac{10}{3} + 30 \cdot 10 = 433,33$$

Se deben utilizar 6 camiones del tipo A y 2 del tipo B, con un coste mínimo de 300 €